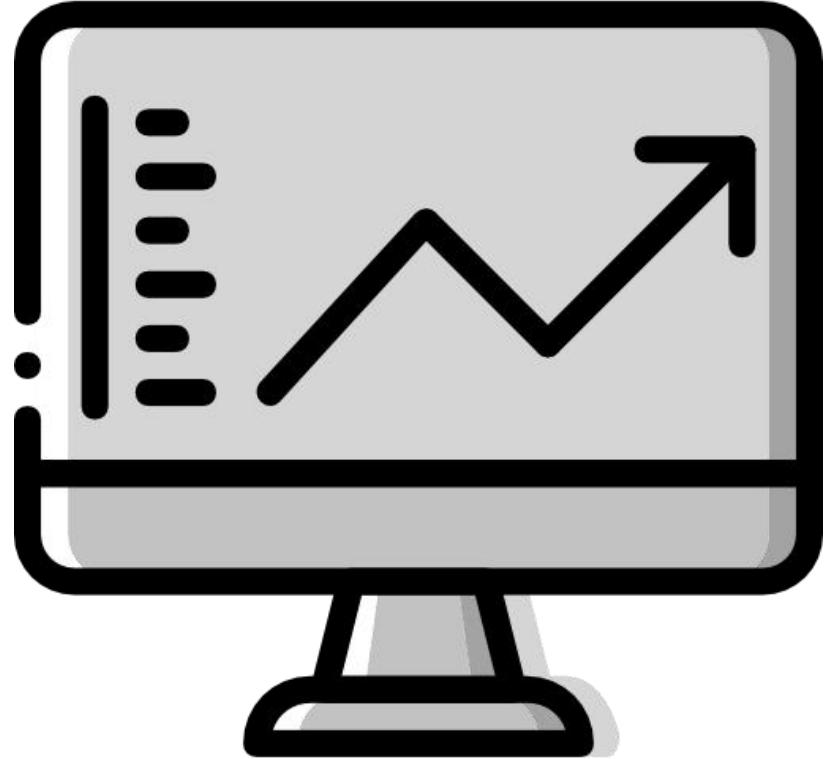




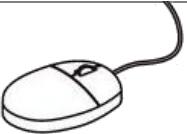
南通師范高等專科學校  
Nantong Normal College



# Python 数据分析与应用

执教：朱亚林

# NumPy简介

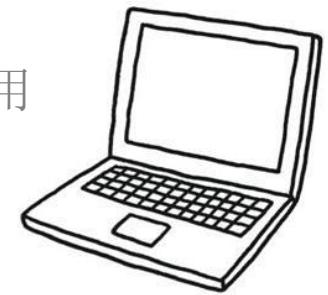




## 什么是 NumPy

- | NumPy 是 Python 的一个扩展程序库
- | 官方网站:<https://www.numpy.org/>
  
- | 支持高端大量的维度数组与矩阵运算
- | 针对数组运算提供大量的数学函数库
  
- | NumPy 是 SciPy、Matplotlib 等扩展程序库的基础组件
- | 原作者:Travis Oliphant (特拉维斯·奥利芬特, 美国数据科学家和商人)
- | 初始版本 Numeric, 1995年;NumPy, 2006年
- | 最新版本:1.17(2019年4月23日)





## 安装方法

N  
u  
m  
P  
y的安  
装

1. 使用已有的发行版本

如：Anaconda

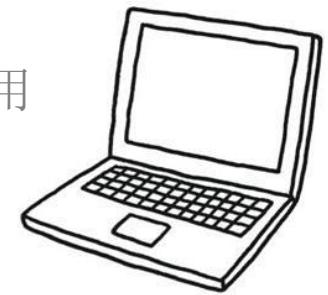
2. 使用pip安装

```
python -m pip install --user numpy
```

3. 如果是Linux

```
sudo apt install python3-numpy
```





## 测试numpy是否安装成功

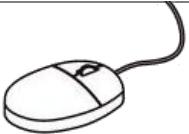
```
>>> import numpy as np  
>>> x = np.array([1, 2, 3])  
>>> x  
array([1, 2, 3])
```

```
>>> from numpy import *  
>>> eye(4)  
array([[1.,  0.,  0.,  0.],  
       [0.,  1.,  0.,  0.],  
       [0.,  0.,  1.,  0.],  
       [0.,  0.,  0.,  1.]])
```

from numpy import \* 为导入 numpy 库。  
eye(4) 生成对角矩阵。

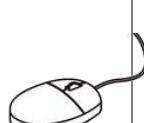


# NumPy基础知识





## 基础概念



- | NumPy的主要对象是同构多维数组。
- | 同构多维数组是一个元素表（通常是数字），所有类型都相同，由非负整数元组索引。
- | 在NumPy中维度（dimension）称为轴（axis）。  
[1, 2, 1]
- | 以上是一个一维数组（具有一个轴），包含三个元素（element），即长度为3  
[[ 1., 0., 0.],  
 [ 0., 1., 2.]]
- | 以上，数组有2个轴。第一轴的长度为2，第二轴的长度为3。



## ndarray的属性

- | NumPy的数组类被调用**ndarray**。它也有个叫做**array**的别名。
- | 请注意，`numpy.array`与标准Python库类**array.array**不同，后者只处理一维数组并提供较少的功能。

序号	属性名	作用
1	<code>ndarray.ndim</code>	数组的轴（维度）的个数。
2	<code>ndarray.shape</code>	数组每个维度的大小,例如一个 $n$ 行 $m$ 列的矩阵的大小为 $(n, m)$
3	<code>ndarray.size</code>	数组元素的总数。这等于 <code>shape</code> 的元素的乘积。
4	<code>ndarray.dtype</code>	一个描述数组中元素类型的对象。
5	<code>ndarray.itemsize</code>	数组中每个元素的字节大小。
6	<code>ndarray.data</code>	该缓冲区包含数组的实际元素（直接读取数组元素）。





## 属性举例

```
>>> import numpy as np  
>>> a = np.arange(15).reshape(3, 5)  
>>> a  
array([[ 0,  1,  2,  3,  4],  
       [ 5,  6,  7,  8,  9],  
       [10, 11, 12, 13, 14]])  
>>> a.shape  
(3, 5)  
>>> a.ndim  
2  
>>> a.dtype.name  
'int64'  
>>> a.itemsize  
8  
>>> a.size  
15  

```

```
>>> b = np.array([6, 7, 8])  
>>> b  
array([6, 7, 8])  
>>> type(b)  
<type 'numpy.ndarray'>
```

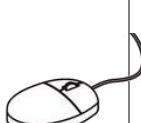




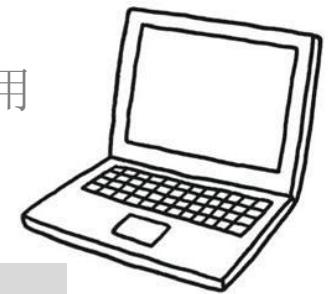
## 数组的创建

```
>>> import numpy as np  
>>> a = np.array([2,3,4])  
>>> a  
array([2, 3, 4])  
>>> a.shape  
1,4  
>>> a.dtype  
dtype('int64')  
>>> b = np.array([1.2, 3.5, 5.1])  
>>> b.dtype  
dtype('float64')
```

常见错误：调用**array**的时候传入序列，而不是提供单个数字的列表类型作为参数



```
>>> a = np.array(1,2,3,4)      # WRONG  
>>> a = np.array([1,2,3,4])   # RIGHT
```



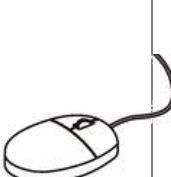
## 数组的创建

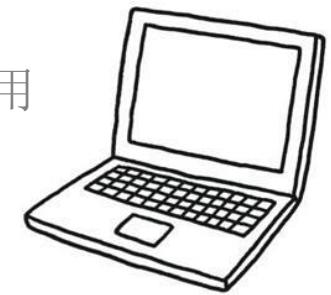
### NumPy 提供可迅速生成数列的函数

```
>>> np.arange( 10, 30, 5 )  
array([10, 15, 20, 25])  
  
>>> np.arange( 0, 2, 0.3 )  
array([ 0. , 0.3, 0.6, 0.9, 1.2, 1.5,  
       1.8])
```

由于小数精度问题, 使用 arange 函数较难预测生成数组的元素数量  
如果要指定生成的数组长度, 可以使用 linspace 函数

```
>>> from numpy import pi  
  
>>> np.linspace( 0, 2, 9 )  
array([ 0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1. , 1.25, 1.5 , 1.75, 2. ])  
  
>>> x = np.linspace( 0, 2*pi, 100 )  
  
>>> f = np.sin(x)
```





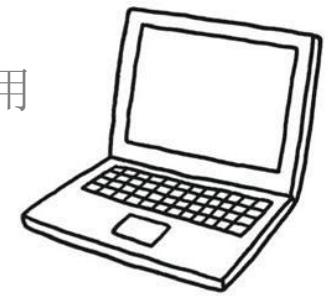
## 使用empty方法

`numpy.empty` 方法用来创建一个指定形状（`shape`）、数据类型（`dtype`）且未初始化的数组

```
numpy.empty(shape, dtype = float, order = 'C')
```

```
>>> import numpy as np  
>>> x = np.empty([3,2], dtype = int)  
>>> print (x)  
[[ 6917529027641081856  5764616291768666155]  
 [ 6917529027641081859 -5764598754299804209]  
 [ 4497473538 844429428932120]]
```





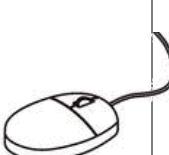
## 数组的创建

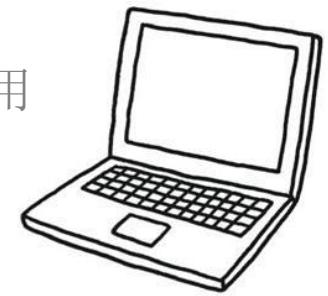
### 使用zeros方法

创建指定大小的数组，数组元素以 0 来填充

```
numpy.zeros(shape, dtype = float, order = 'C')
```

```
>>> import numpy as np
>>> x = np.zeros(5)
>>> print(x)
[0. 0. 0. 0. 0.]
>>> y = np.zeros((5,), dtype = np.int)
>>> print(y)
[0 0 0 0 0]
```





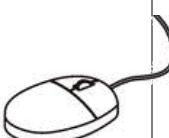
## 数组的创建

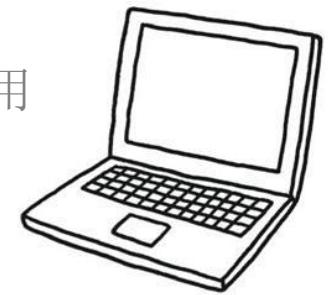
### 使用ones方法

创建指定形状的数组，数组元素以 1 来填充

```
numpy.ones(shape, dtype = None, order = 'C')
```

```
>>> import numpy as np
>>> x = np.ones(5)
>>> print(x)
[1. 1. 1. 1. 1.]
>>> x = np.ones([2,2], dtype = int)
>>> print(x)
[[1 1]
 [1 1]]
```





## 数组的创建

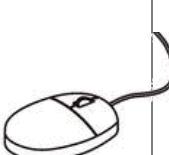
### 生成随机数组

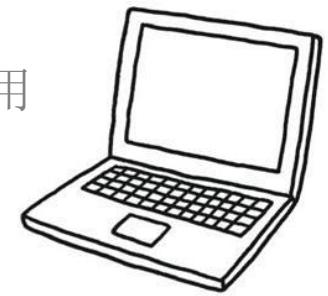
使用NumPy提供的random函数可以生成随机数组

```
numpy.random.random(n)
```

```
Numpy.random.rand(low,high,size,dtype)
```

```
>>> import numpy as np  
>>> x = np.random.random(20)  
>>> y = np.random.randint(0,5,size=[3,4],dtype='l')
```





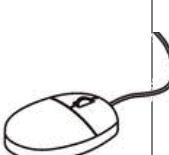
## 数组的创建

### 直接从文件中获得数组

使用NumPy提供的`loadtxt`函数将文件中的数据加载到数组。

```
numpy.loadtxt('file', delimiter=',', comments='#', dtype=float)
```

```
>>> import numpy as np  
>>> x = np.loadtxt('louse.csv', delimiter=',', dtype=float)
```





## 数组的创建

array 还可以将序列的序列转换成二维数组，将序列的序列的序列转换成三维数组

```
>>> b = np.array([(1.5,2,3), (4,5,6)])  
>>> b  
array([[ 1.5,  2. ,  3. ],  
       [ 4. ,  5. ,  6. ]])
```

可以在创建时显式指定数组的类型

```
>>> c = np.array( [[1,2], [3,4] ], dtype=complex )  
>>> c  
array([[ 1.+0.j,  2.+0.j],  
       [ 3.+0.j,  4.+0.j]])
```



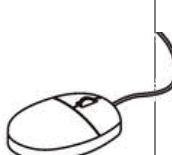


NumPy以与嵌套列表类似的方式显示它，显示顺序如下：

- | 最后一个轴从左到右打印（行），
- | 倒数第二个从上到下打印（列），
- | 其余部分也从上到下打印，每个切片用空行分隔。

一维数组打印为行，将二维数据打印为矩阵，将三维数据打印为矩数组表

## 数组的打印

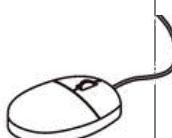




## 数组的打印

### 打印示例

```
>>> a = np.arange(6)                                # 1d array
>>> print(a)
[0 1 2 3 4 5]
>>>
>>> b = np.arange(12).reshape(4,3)                  # 2d array
>>> print(b)
[[ 0  1  2]
 [ 3  4  5]
 [ 6  7  8]
 [ 9 10 11]]
>>>
>>> c = np.arange(24).reshape(2,3,4)                # 3d array
>>> print(c)
[[[ 0  1  2  3]
   [ 4  5  6  7]
   [ 8  9 10 11]]
 [[12 13 14 15]
   [16 17 18 19]
   [20 21 22 23]]]
```





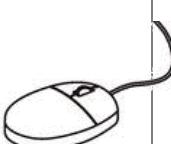
如果数组太大而无法打印，NumPy会自动跳过数组的中心部分  
并仅打印角点

```
>>> print(np.arange(10000))
[ 0   1   2 ..., 9997 9998 9999]
>>>
>>> print(np.arange(10000).reshape(100,100))
[[ 0   1   2 ..., 97   98   99]
 [ 100 101 102 ..., 197 198 199]
 [ 200 201 202 ..., 297 298 299]
 ...
 [9700 9701 9702 ..., 9797 9798 9799]
 [9800 9801 9802 ..., 9897 9898 9899]
 [9900 9901 9902 ..., 9997 9998 9999]]
```

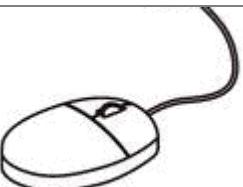
## 数组的打印

要禁用此行为并强制NumPy打印整个数组，可以使用更改打印选项`set_printoptions`

```
>>> np.set_printoptions(threshold=sys.maxsize)      # sys module should be imported
```



## 数组对象的操作



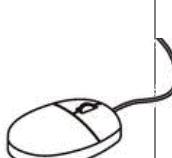


## 索引与切片

### 一维数组的索引

一维数组的索引方法与list索引方法一致。即用整数作为下标来获取数组指定位置的元素。

```
>>> a = np.arange(8)
>>> a[6]
6
>>> a[2:5]
[2 3 4]
>>> a[:5]
[0 1 2 3 4]
>>> a[-1]
7
```



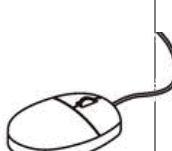


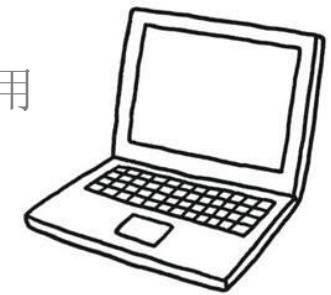
# 索引与切片

## 多维数组的索引

多维数组的每一个维度都有一个索引，各个维度的索引之间用逗号隔开。

```
>>> arr = np.arange(10*10,dtype=int).reshape(10,10)
>>> arr
array([[ 0,  1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9],
       [10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19],
       [20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29],
       [30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],
       [40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49],
       [50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59],
       [60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69],
       [70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79],
       [80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89],
       [90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99]])
>>> arr[2:9:2,:]
array([[20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29],
       [40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49],
       [60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69],
       [80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89]])
```



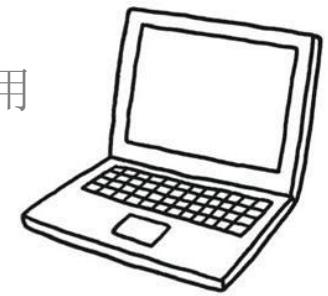


## 布尔索引

可以通过一个布尔数组来索引目标数组，以此找出与布尔数组中值为True的对应的目标数组中的数据。需要注意的是，布尔数组的长度必须与目标数组对应的轴的长度一致。

```
>>> arr = np.arange(7)
>>> booling1 = np.array([True, False, False, True, True, False, False])
>>> arr[booling1]
array([0, 3, 4])
# 思考：二维数组怎样索引
# 拓展：arr[arr>5] 的实现
```

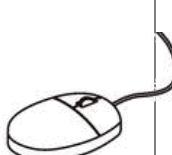




## 花式索引

花式索引是利用元素所在的行、列组成的整数数组进行索引。

```
>>> arr=np.arange(10*10).reshape(10,10)  
>>> row_index=[1,1,2,7]  
>>> col_index=[0,2,4,8]  
>>> arr[row_index,col_index]
```



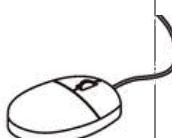


## 变换数组的形态

### 使用shape属性、reshape()函数改变数组形状

- | 通过修改数组的shape属性，改变数组每个轴的长度。
- | 通过使用reshape()函数改变数组的形状。
- | 以上属性和函数只修改形状，不改变原始数值。shape修改自身并保存，reshape修改形态，但不保存。

```
>>> a = np.arange(10)
>>> a.reshape(2,5)
array([[0, 1, 2, 3, 4],
       [5, 6, 7, 8, 9]])
>>> a
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
>>> a.shape=2,5
>>> a
array([[0, 1, 2, 3, 4],
       [5, 6, 7, 8, 9]])
```



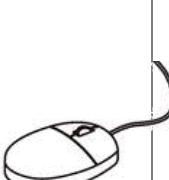


## 变换数组的形态

使用`ravel()`、`flatten()`函数展平数组

- | 通过`ravel()`可以水平展平数组。
- | 通过`flatten()`可以选择从水平或垂直角度展平数组。

```
>>> a = np.arange(20).reshape(4,5)
>>> a
array([[ 0,  1,  2,  3,  4],
       [ 5,  6,  7,  8,  9],
       [10, 11, 12, 13, 14],
       [15, 16, 17, 18, 19]])
>>> a.ravel()
array([ 0,  1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16,
       17, 18, 19])
>>> a.flatten('F')
array([ 0,  5, 10, 15,  1,  6, 11, 16,  2,  7, 12, 17,  3,  8, 13, 18,  4,
       9, 14, 19])
```





## 堆叠数组

使用`hstack()`、`column_stack()`、`concatenate(axis=1)`可以完成水平叠放

变换数组的形态

0	1	2
3	4	5
6	7	8

2	4	6
1	3	5
7	8	9

0	1	2	2	4	6
3	4	5	1	3	5
6	7	8	7	8	9

**`np.hstack((a,b))`**  
**`np.column_stack((a,b))`**  
**`np.concatenate((a,b),axis=1)`**





## 堆叠数组

使用vstack()、row\_stack()、concatrate(axis=0)可以完成垂直叠放

变换数组的形态

0	1	2
3	4	5
6	7	8

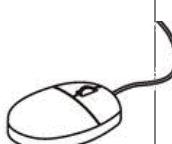
2	4	6
1	3	5
7	8	9

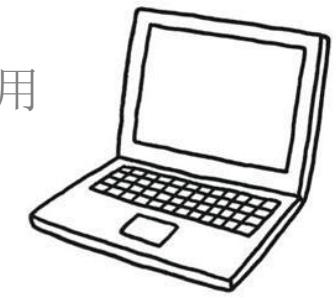
0	1	2
3	4	5
6	7	8
2	4	6
1	3	5
7	8	9

**np.vstack((a,b))**

**np.row\_stack((a,b))**

**np.concatenate((a,b),axis=0)**





## 变换数组的形态

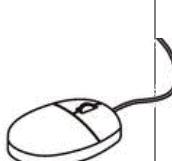
### 堆叠数组

使用dstack()完成深度叠放

```
>>> a=np.arange(12).reshape(3,4)
>>> b=2*a
>>> np.dstack((a,b))
array([[[ 0,  0],
       [ 1,  2],
       [ 2,  4],
       [ 3,  6]],

       [[ 4,  8],
       [ 5, 10],
       [ 6, 12],
       [ 7, 14]],

       [[ 8, 16],
       [ 9, 18],
       [10, 20],
       [11, 22]]])
```



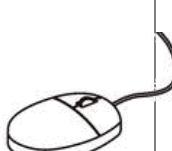


## 变换数组的形态

### 拆分数组

使用`hsplit()`、`vsplit()`、`split()`函数，可以将数组分割成相同大小的子数组。  
也可以指定原数组中需要分割的位置。

```
>>> a=np.arange(24).reshape(4,6)
>>> b=np.hsplit(a,2)
>>> c=np.vsplit(a,3)
>>> d=np.split(a,2,axis=1)
```

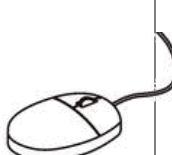




## 数组的基本运算

### 数组上的算术运算符会应用到元素级别

```
>>> a = np.array( [20,30,40,50] )  
>>> b = np.arange( 4 )  
>>> b  
array([0, 1, 2, 3])  
>>> c = a-b  
>>> c  
array([20, 29, 38, 47])  
>>> b**2  
array([0, 1, 4, 9])  
>>> 10*np.sin(a)  
array([-9.12945251, -9.88031624, -7.4511316 , -2.62374854])  
>>> a<35  
array([ True, True, False, False])
```

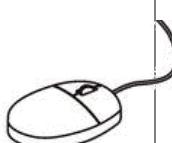




## 数组运算时的广播

一般数组运算时形状都会相同，当操作对象形状不同时，NumPy会尽力进行处理。如果一个数组要与一个标量相乘，那么标量需要根据数组的形状进行扩展，然后才可以执行乘法运算。这个过程称为广播。

```
>>> a = np.array( [[1,1,1],[2,2,2],[3,3,3]] )
>>> b = np.array( [1,1,1] )
>>> a + b
array([[2, 2, 2],
       [3, 3, 3],
       [4, 4, 4]])
```

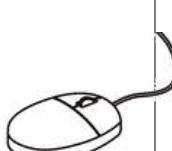




- 乘积运算符\*在NumPy数组中按元素进行运算。
- 矩阵乘积可以使用@运算符（在python> = 3.5中）或dot函数或方法执行

## 数组的基本运算

```
>>> A = np.array( [[1,1],  
...                 [0,1]] )  
>>> B = np.array( [[2,0],  
...                 [3,4]] )  
>>> A * B                         # elementwise product  
array([[2, 0],  
       [0, 4]])  
>>> A @ B                         # matrix product  
array([[5, 4],  
       [3, 4]])  
>>> A.dot(B)                      # another matrix product  
array([[5, 4],  
       [3, 4]])
```

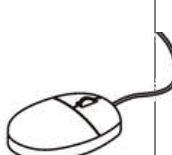


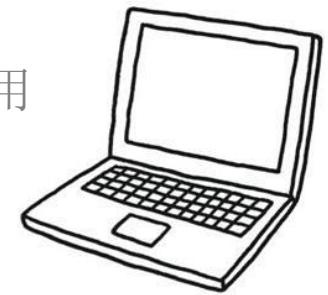


## 数组的基本运算

### 小练习

小明的本学期的成绩如下：平时成绩**80**分，期中成绩**75**分，期末成绩**86**分。总评分的标准时平时占**30%**，期中占**30%**，期末占**40%**。请使用数组运算的形式求出小明本学期的总评分。

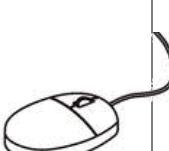


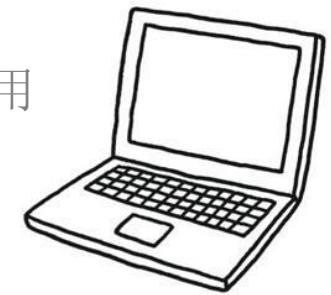


某些操作（例如`+=`和`*=`）会更直接更改被操作的矩阵数组而不会创建新矩阵数组。

## 数组的基本运算

```
>>> a = np.ones((2,3), dtype=int)
>>> b = np.random.random((2,3))
>>> a *= 3
>>> a
array([[3, 3, 3],
       [3, 3, 3]])
>>> b += a
>>> b
array([[ 3.417022 ,  3.72032449,  3.00011437],
       [ 3.30233257,  3.14675589,  3.09233859]])
>>> a += b                      # b is not automatically converted to integer
type
Traceback (most recent call last):
...
TypeError: Cannot cast ufunc add output from dtype('float64') to
dtype('int64') with casting rule 'same_kind'
```

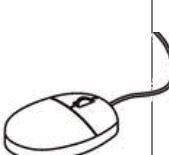


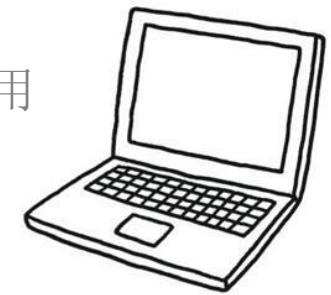


当使用不同类型的数组进行操作时，结果数组的类型对应于更一般或更精确的数组（称为向上转换的行为）

## 数组的基本运算

```
>>> a = np.ones(3, dtype=np.int32)
>>> b = np.linspace(0,pi,3)
>>> b.dtype.name
'float64'
>>> c = a+b
>>> c
array([ 1.           ,  2.57079633,  4.14159265])
>>> c.dtype.name
'float64'
>>> d = np.exp(c*1j)
>>> d
array([ 0.54030231+0.84147098j, -0.84147098+0.54030231j,
       -0.54030231-0.84147098j])
>>> d.dtype.name
'complex128'
```

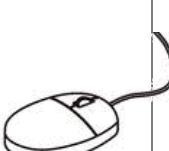




许多一元操作，例如计算数组中所有元素的总和，都是作为ndarray类的方法实现的。

## 数组的基本运算

```
>>> a = np.random.random((2,3))
>>> a
array([[ 0.18626021,  0.34556073,  0.39676747],
       [ 0.53881673,  0.41919451,  0.6852195 ]])
>>> a.sum()
2.5718191614547998
>>> a.min()
0.1862602113776709
>>> a.max()
0.6852195003967595
```

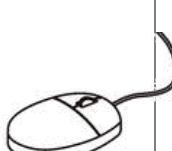


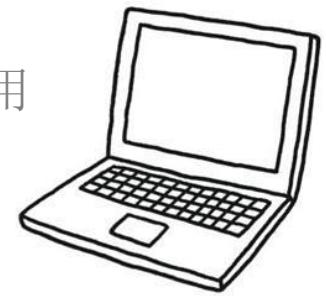


默认情况下，这些操作适用于数组，就像它是一个数字列表一样，无论其形状如何。但是，通过指定`axis` 参数，可以沿数组的指定轴应用操作。

## 数组的基本运算

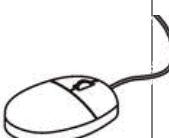
```
>>> b = np.arange(12).reshape(3,4)
>>> b
array([[ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9, 10, 11]])
>>>
>>> b.sum(axis=0)                                     # sum of each column
array([12, 15, 18, 21])
>>>
>>> b.min(axis=1)                                    # min of each row
array([0, 4, 8])
>>>
>>> b.cumsum(axis=1)                                # cumulative sum along each row
array([[ 0,  1,  3,  6],
       [ 4,  9, 15, 22],
       [ 8, 17, 27, 38]])
```

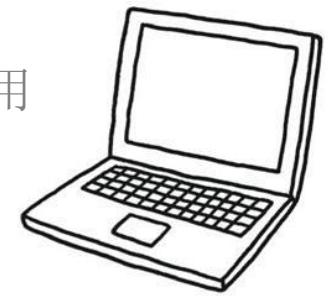




## 数组的通用函数

```
>>> B = np.arange(3)
>>> B
array([0, 1, 2])
>>> np.exp(B)
array([ 1.          ,  2.71828183,  7.3890561 ])
>>> np.sqrt(B)
array([ 0.          ,  1.          ,  1.41421356])
>>> C = np.array([2., -1., 4.])
>>> np.add(B, C)
array([ 2.,  0.,  6.])
```

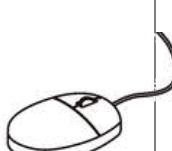




## 矩阵

在NumPy中，矩阵是ndarray的子类，可以使用数组对象中的mat()、matrix()以及bmat()函数来创建矩阵。

```
>>> a=np.mat("1 2 3;4 5 6;7 8 9")  
>>> b=np.matrix([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]])  
>>> np.bmat("a;b")
```





# 矩阵

## 矩阵属性

属性	说明
T	返回自身的转置
H	返回自身的共轭转置
I	返回自身的逆矩阵
A	返回自身数据的二维数组的一个视图

